

Wojciech Myszka

Laboratorium 4: Błędy obliczeń. Python

Spis treści

1. Wstęp	1
1.1. Cel laboratorium	1
1.2. Wymagania	1
1.3. Pytania	1
1.4. Materiały on line	2
2. Struktura laboratorium	2
3. Zadania do wykonania	2
4. Materiały pomocnicze	4
4.1. Python	4
4.2. Uruchomienie	4
4.3. Operacje arytmetyczne	5
4.4. Obliczenia	7
4.5. Bloki instrukcji	7
4.6. Instrukcje warunkowe	8
4.7. Pętle	9
5. Wersja PDF instrukcji	9
Literatura	9

1. Wstęp

Komputery uchodzą za mistrzów obliczeń. Dziś rozprawiamy się z tym poglądem!

1.1. Cel laboratorium

Celem laboratorium jest znalezienie przez studentów przykładów błędów popełnianych przez komputery podczas prostych obliczeń oraz oszacowanie ich wielkości.

1.2. Wymagania

1.3. Pytania

1. Konwersja liczb dziesiętnych na dwójkowe:
— całkowitych,

- ułamkowych.
- 2. Sposób zapisu liczb całkowitych (dodatnich i ujemnych) w komputerach.
- 3. Sposób zapisu liczb „niecałkowitych”:
 - stałoprzecinkowych,
 - zmiennoprzecinkowych.
- 4. Błąd bezwzględny.
- 5. Wartość dokładna.
- 6. Wartość przybliżona.

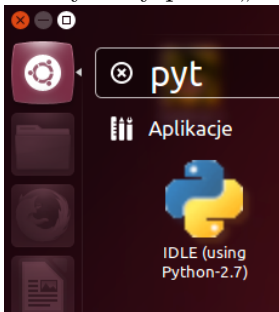
1.4. Materiały on line

- Zanurkuj w Pythonie [1]
- Dokumentacja on-line (po angielsku) [2]
- Learn Python The Hard Way (po angielsku) [4]
- Python Programming (po angielsku) [3]

2. Struktura laboratorium

3. Zadania do wykonania

1. Uruchamiamy program python (najpierw trzeba otworzyć terminal tak jak to opisano w pierwszej instrukcji laboratoryjnej)¹ albo uruchomić zintegrowane środowisko programistyczne do pythona **idle**. Naciskamy ikonę w lewym, górnym rogu ekranu i zaczynamy pisać „idle” (albo „python”)



i klikamy w ikonę .

```
myszka@karme:~$ python
```

```
Python 2.6.6 (r266:84292, Sep 15 2010, 15:52:39)
```

```
[GCC 4.4.5] on linux2
```

```
Type "help", "copyright", "credits" or "license" for more information.
```

```
>>>
```

2. Rzogrzewka

- napisz $2*2$

¹ Naciskając, na przykład Ctrl-Alt-T.

```

>>> 2*2
4
— napisz 7/2
>>> 7/2
3
— napisz 7./2
>>> 7./2
3.5
Skomentuj różnicę!
— napisz 0.1
>>> 0.1
0.1
— napisz 0.2
>>> 0.2
0.2
Jak się wydaje takie proste operacje nie sprawiają programowi kłopotu, ale...
— napisz 0.1+0.2
>>> 0.1+0.2
0.30000000000000004

```

Co więcej, Python (ale inne języki programowania postępują identycznie) stara się starannie ukrywać to jak (nie)dokładnie wykonuje obliczenia. Można go poprosić żeby pokazał na jakich dokładnie liczbach działa:

```

>>> from decimal import Decimal
>>> Decimal(2.675)
Decimal('2.67499999999999982236431605997495353221893310546875')

```

Zobaczmy też:

```

>>> 0.1+0.1+0.1+0.1+0.1
0.5
>>> 0.1+0.1+0.1+0.1+0.1+0.1+0.1+0.1
0.7999999999999999
>>> 0.1+0.1+0.1+0.1+0.1+0.1+0.1+0.1+0.1+0.1
0.9999999999999999

```

Poniższe tłumaczy dlaczego tak się dzieje:

```

myszka@tryt:~$ python
Python 2.7.6 (default, Mar 22 2014, 22:59:56)
[GCC 4.8.2] on linux2
Type "help", "copyright", "credits" or "license" for more information.
>>> from decimal import Decimal
>>> Decimal(0.1)
Decimal('0.1000000000000000055511151231257827021181583404541015625')

```

3. Znajdź kolejne przykłady (co najmniej 5 różnego typu) „źle” wykonywanych obliczeń. Dla każdego przykładu wylicz błąd bezwzględny i względny².

² Uwaga: może to być bardzo trudne!

4. Opisz metodę konwersji liczb dziesiętnych (0.1, 3.1415, 0.3333333) całkowitych i ułamkowych na dwójkowe
 - dokonaj konwersji kilku niecałkowitych liczb dziesiętnych do postaci dwójkowej, zapisując wynik jako liczbę:
 - ośmiobitową
 - szesnastobitową
 - trzydziestodwubitową
 - w każdym przypadku dokonaj konwersji odwrotnej i policz błąd bezwzględny i względny
5. Sprawdź, dla jakich różnic wykładników komputer zacznie (będzie) prawidłowo wyliczać wartość wyrażenia x . Dla przypomnienia: demonstrowany na wykładzie przykład to $a = 1.0e+20$ oraz $b = 1.0e-20$

$$x = ((b + a) - a)/b$$

$$y = (b + (a - a))/b$$

6. Najpierw zastanów się jaka „powinna” być wartość x i y !

4. Materiały pomocnicze

4.1. Python

Python jest językiem programowania wysokiego rzędu przeznaczonym do rozwiązywania najróżniejszych zadań (język programowania ogólnego przeznaczenia). Historia jego jest już dosyć długa: używany jest od 19 lat.

Może być stosowany do tworzenia różnego rodzaju aplikacji, ale także do prowadzenia obliczeń w trybie doraźnym (ad-hoc).

Python jest wykorzystywany bardzo szeroko: standardowo dołączany jest do systemu Linux i Mac OS. Używany jest bardzo szeroko przez:

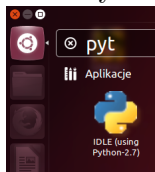
- Google,
- YouTube,
- BitTorrent został napisany w Pythonie,
- Industrial Light & Magic, Pixar, używają oprogramowania napisanego w Pythonie do produkcji swoich filmów animowanych,
- ...

Dla osób znających inne języki programowania pomocne mogą być zestawienia umieszczone w serwisie [Hyperpolyglot Programming Languages Reference Sheets](#).

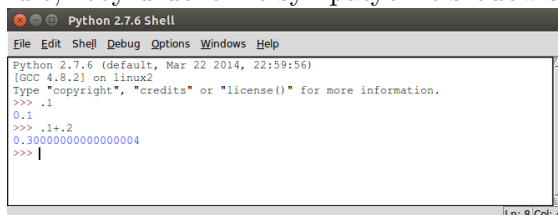
4.2. Uruchomienie

Obliczenia „ad-hoc”:

1. Klikamy w logo (w lewym górnym rogu) i piszemy w okienku „python” albo „idle”



2. Uruchamiamy terminal (albo Ctrl-Alt-T albo klikamy w logo i piszemy terminal); w otwartym okienku piszemy python. item W otwartym terminalu możemy napisać idle, żeby uruchomić sympatyczne środowisko graficzne pythona:



Przygotowanie i uruchomienie programu:

1. Korzystając z dowolnego edytora tekstowego (polecam gedit) tworzymy plik o rozszerzeniu .py (na przykład test.py) i wpisujemy do niego program.
2. Otwieramy terminal (Ctrl-Alt-T) i w tym terminalu piszemy python test.py

Utworzenie samodzielnej aplikacji:

1. Tworzymy plik z programem (test.py) za pomocą dowolnego edytora pamiętając aby jako pierwsza linia wystąpiło:
`#!/usr/bin/env python`
2. Po zapisaniu pliku nadajemy mu „atrybut wykonywalności” pisząc w terminalu
`chmod +x test.py`
albo odpowiednio modyfikujemy właściwości pliku (prawy klawisz myszy na pliku w menedżerze plików i wybieramy Właściwości i w zakładce Uprawnienia ustawiamy ptaszka przy „Zezwolenie na wykonywanie pliku jako programu”).
3. Aplikację uruchamiamy poleceniem
`./test.py`
w terminalu lub klikając myszą w menedżerze plików.

4.3. Operacje arytmetyczne

Podstawowe operacje (+, -, *) działają tak jak można się spodziewać. Operacja dzielenia (/) może sprawiać pewne kłopoty:

```
>>> 3/2
1
```

Dopiero napisanie

```
>>> 3./2
1.5
>>> 3/2.
```

```
1.5
```

```
>>>
```

daje oczekiwany efekt.

Potęgowanie oznaczane jest znakiem **, zatem 3 do potęgi trzeciej (3^3) wygląda tak:

```
>>> 3**3
```

```
27
```

Inne operatory arytmetyczne to % — reszta z dzielenia albo modulo: 3 dzielone przez dwa to 1 (bo dwójka mieści się w trójce całkowicie jeden raz) i reszta 1:

```
>>> 3%2
```

```
1
```

W bardziej skomplikowanych obliczeniach można posługiwać się podstawowym zestawem funkcji (tak zwane funkcje wbudowane):

— `abs` wartość bezwzględna

— `divmod(a,b)` zwraca wynik dzielenia całkowitoliczbowego i resztę z dzielenia jako parę liczb

```
>>> 3./2
```

```
1.5
```

```
>>> 2/2.
```

```
1.0
```

```
>>> 3/2.
```

```
1.5
```

```
>>>
```

— `float` konwertuje liczbę do postaci zmiennoprzecinkowej

```
>>> float(3)
```

```
3.0
```

— `round(x[,n])` zaokrągla liczbę do n miejsc po przecinku:

```
>>> round(3.1415)
```

```
3.0
```

```
>>> round(3.1415,1)
```

```
3.1
```

Użycie innych funkcji matematycznych wymaga specjalnych zabiegów: podpowiedzenia programowi, że będziemy chcieli z nich korzystać:

```
import math
```

mówi, że zechcemy używać modułu `math` zawierającego różne funkcje i stałe matematyczne. Po wydaniu tego polecenia możemy napisać:

```
>>> math.cos(math.pi / 4.0)
```

```
0.70710678118654757
```

```
>>> math.log(1024, 2)
```

```
10.0
```

```
>>> math.pi
```

```
3.1415926535897931
```

Dostępne stają się funkcje trygonometryczne, hiperboliczne, logarytmiczne i wykładnicze, funkcje specjalne oraz stałe: π i e

```
>>> math.e
2.7182818284590451
```

Z całej biblioteki można zaimportować tylko pojedynczą funkcję

```
from decimal import Decimal
```

4.4. Obliczenia

W prostych obliczeniach można korzystać z pythona jak z podręcznego kalkulatora: wyniki obliczeń podawane będą na bieżąco. Można też wyniki zapamiętywać (coś jak pamięci kalkulatora). Z tym, że poszczególne pamięci możemy nazywać według naszego uznania:

```
>>> r=5
>>> obwod=2*math.pi*r
>>> pole=math.pi*r**2
```

Podanie w linii nazwy pamięci (zmiennej) powoduje wydrukowanie jej wartości:

```
>>> r
5
>>> r, pole
(5, 78.539816339744831)
>>> r, pole, obwod
(5, 78.539816339744831, 31.415926535897931)
```

4.5. Bloki instrukcji

Cechą odróżniającą język python od innych języków (Na przykład C czy Pascal) jest sposób wyróżniania bloków instrukcji. W języku C używa się do tego nawiasów klamrowych {}, a w języku Pascal słów kluczowych **begin** i **end**.

W pythonie używa się „wcięć”.

Potrzeba korzystania z bloków instrukcji pojawia się, między innymi:

1. podczas wykonywania instrukcji warunkowych,
2. przy tworzeniu pętli,
3. podczas definiowania funkcji.

Na przykład:

```
for i in range(1,10):
    print i
```

```

if a > b :
    print "A_wieksze_od_B"
else :
    print "B_wieksze_od_A"

```

Poniżej przykład programu rozwiązującego równanie kwadratowe:

```

from math import sqrt
A = raw_input( "A: " )
B = raw_input( "B: " )
C = raw_input( "C: " )
a = float(A)
b = float(B)
c = float(C)
delta = b*b - 4*a*c
if delta > 0:
    x1 = (-b - sqrt(delta))/(2*a)
    x2 = (-b + sqrt(delta))/(2*a)
    print "x1_=_", x1
    print "x2_=_", x2
elif delta == 0:
    x = -b/2/a
    print "x_=_", x
else :
    print "Nie_ma_pierwiastkow_rzeczywistych!"

```

Uwagi:

1. Program można sobie ściągnąć i zapisać: `trojmian.py`, a później uruchomić w terminalu wypisując `python trojmian.py` albo uruchamiamy idle, otwieramy plk źródłowy `File` → `Open` i uruchamiamy `Run` → `Run module` albo naciskając klawisz `F5`.
2. Funkcji `float` została użyta aby skonwertować tekst (ciąg znaków) do liczby. Informacje wczytywane z terminala funkcją `raw_input` są typu tekstowego!

4.6. Instrukcje warunkowe

Instrukcja warunkowa używana jest podczas programowania do wprowadzenia rozgałęzienia w zależności od wartości jakiegoś parametru czy spełnienia jakiegoś warunku. Typowy przykład konieczności wprowadzenia instrukcji warunkowej to program wyliczania rzeczywistych miejsc zerowych trójmianu kwadratowego. W zależności od wartości parametru Δ albo wyliczamy jeden pierwiastek rzeczywisty, albo dwa, albo musimy stwierdzić, że pierwiastków rzeczywistych nie ma.

Fragmenc programu wyliczającego pierwiastki przedstawiono w poprzednim rozdziale. (Tam gdzie się kończy wcięcie — kończy się zakres działania odpowiedniego fragmentu warunku.)

4.7. Pętle

Pętla to taka konstrukcja programistyczna, która nakazuje wykonanie jakiejś czynności:

— kilka razy

```
for i in range(3,12) :  
    print i
```

— tak długo aż jakiś warunek zostanie spełniony.

```
i=3  
while i < 12 :  
    print i  
    i = i+1
```

W obu powyższych przypadkach efekt powinien być taki:

```
3  
4  
5  
6  
7  
8  
9  
10  
11
```

(Oczywiście nie ma wielkiej różnicy pomiędzy tymi sytuacjami, ale, tradycyjnie, robione jest takie rozróżnienie).

5. Wersja PDF instrukcji

Instrukcja w formie PDF.

Literatura

- [1] Mark Pilgrim. *Zanurkuj w Pythonie*. WikiBooks, 2010. <http://pl.wikibooks.org/wiki/Python>.
- [2] Python documentation index. <http://www.python.org/doc/>, Wrzesień 2010.
- [3] *Python Programming*. WikiBooks, 2010. http://en.wikibooks.org/wiki/Python_Programming.
- [4] Zed A. Shaw. *Learn Python The Hard Way*. 2010. Release 3: <http://learnpythonthehardway.org/book/>.

Wersja: 8z dnia 2015-10-23 11:38:07 +0200